

# 学部学科適性試験

実施学部	経済学部
実施学科	経済学科・経営学科
試験時間	75分
試験概要	【学部共通試験】数学

(この問題冊子は9ページ，3問である。)

## 受験についての注意

1. 試験監督者の指示があるまで，問題冊子を開いてはならない。
2. 試験開始前に，試験監督者から指示があったら，解答用紙1ページ目の左上に氏名と受験番号を記入し，所定のマーク欄をぬりつぶすこと。
3. 試験監督者から試験開始の指示があったら，この問題冊子が，上に記したページ数どおりそろっていることを確かめること。
4. 筆記具は，HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。
5. マーク式の解答は，解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで，そのマーク欄をぬりつぶすこと。
6. マークをするとき，マーク欄からはみ出したり，白い部分を残したり，文字や番号，○や×をつけたりしてはならない。また，マーク箇所以外の部分には何も書いてはならない。
7. 記述式の解答は，解答欄にでいねいに記入すること。
8. 訂正する場合は，消しゴムででいねいに消したうえで，消しきずはきれいに取り除くこと。
9. 解答用紙を折り曲げたり，破ったりしてはならない。
10. 試験監督者の許可なく試験時間中に退場してはならない。
11. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
12. 問題冊子，計算用紙は必ず持ち帰ること。



## マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各位の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの位の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ  $-$  にマークせよ。(0 または正数の場合は、符号欄にマークしない。)

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表すときは、分母を1とする。根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各位の欄とも Z にマークせよ。(符号欄がもうけられている場合、 $-$ にはマークしない。)

〔解答記入例〕 ア に 7, イ に  $-26$  をマークする場合。

	符号	10 の 位										1 の 位											
ア	-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
イ	-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○

〔解答表示例〕

$-\frac{3}{2}$  を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{-3}}{\boxed{2}}$  とする。

0 を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{0}}{\boxed{1}}$  とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$  を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}\sqrt{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{-1}}{\boxed{2}}\sqrt{\boxed{3}}$  とする。

$-x^2 + x$  を,  $\boxed{\phantom{00}}x^2 + \boxed{\phantom{00}}x + \boxed{\phantom{00}}$  にあてはめる場合

$\boxed{-1}x^2 + \boxed{1}x + \boxed{0}$  とする。

1

- (1) 座標平面上で、不等式  $x^2 - y \leq 0$  の表す領域を  $D_1$  とし、点  $(x, y)$  が領域  $D_1$  内を動くとき、実数  $a$  に対して  $ax + y$  のとる値の最小値を  $m$  とする。

(i)  $a = -1$  のとき、 $m = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}$  である。

(ii)  $m$  を  $a$  の式で表すと  $m = \boxed{\text{あ}}$  である。

$\boxed{\text{あ}}$  は記述式解答欄に答えのみを記せ。

- (iii)  $a > 0$  のとき、最小値  $m$  をとる点の座標は、 $m$  を用いて表すと、

$$\left( \boxed{\text{い}}, \boxed{\text{う}} \right)$$

である。

$\boxed{\text{い}}, \boxed{\text{う}}$  は記述式解答欄にそれぞれ答えのみを記せ。

- (2)  $f(x)$  を  $x$  の2次関数とし、座標平面上で不等式  $f(x) - y \leq 0$  の表す領域を  $D_2$  とする。点  $(x, y)$  が領域  $D_2$  内を動くとき、実数  $b$  に対して  $bx + y$  のとる値の最小値が  $b$  を用いて

$$-\frac{b^2}{8} + b + 3$$

と表されたとする。

- (i) 2次関数  $y = f(x)$  のグラフの頂点は  $\left( \boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}} \right)$  である。

(ii)  $f(x) = \boxed{\text{オ}}x^2 + \boxed{\text{カ}}x + \boxed{\text{キ}}$  である。

(余白ページ)

2 右図において、 $OA = 5$ ,  $OB = 6$ ,  $AB = 7$  とする。 $\triangle OAB$  の頂点  $O$  における内角の二等分線と、頂点  $A$  における外角の二等分線の交点を  $C$  とする。 $C$  から直線  $OA$  に下ろした垂線と直線  $OA$  との交点を  $H$  とする。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$  とする。

(1) 内積  $\vec{a} \cdot \vec{b} = \boxed{\text{ク}}$  である。

(2)  $\overrightarrow{OC}$  を  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  を用いて表すと

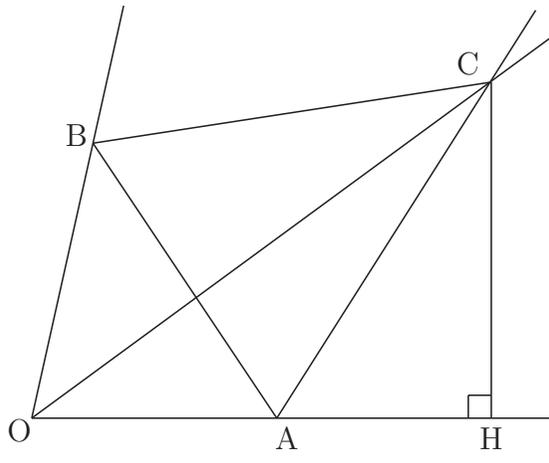
$$\overrightarrow{OC} = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}} \vec{a} + \frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}} \vec{b}$$

であり、 $|\overrightarrow{OC}| = \boxed{\text{ス}} \sqrt{\boxed{\text{セ}}}$  である。

(3)  $\overrightarrow{OH} = \frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}} \vec{a}$  である。

(4)  $|\overrightarrow{CH}| = \boxed{\text{チ}} \sqrt{\boxed{\text{ツ}}}$  である。

(5)  $\triangle ABC$  の面積は  $\frac{\boxed{\text{テ}}}{\boxed{\text{ト}}} \sqrt{\boxed{\text{ナ}}}$  である。



3 (1)  $a, b$  を実数とする。  え ,  お ,  か には選択肢 (a) ~ (d) の中から正しいものをマークせよ。

(i)  $|a| + |b| < 3$  は  $a^2 + b^2 < 4$  であるための  え 。

(ii)  $a + b$  が有理数であることは,  $a^2 + b^2$  が有理数であるための  お 。

(iii)  $|a - b| < 2$  は  $x$  の方程式

$$\log_2 |x - a| + \log_2 |x - b| = 1$$

が異なる 2 つの実数解をもつための  か 。

え ,  お ,  か の選択肢 :

- (a) 必要条件であるが十分条件ではない
- (b) 十分条件であるが必要条件ではない
- (c) 必要十分条件である
- (d) 必要条件でも十分条件でもない

(2) 自然数  $n$  と整数  $k = 0, 1, 2, \dots, n$  に対して、座標空間の点

$$A_k \left( \cos \frac{2k}{n} \pi, \sin \frac{2k}{n} \pi, \frac{2k}{n} \right)$$

を考える。線分  $A_{k-1}A_k$  ( $k = 1, 2, \dots, n$ ) の長さの和を

$$S_n = \sum_{k=1}^n A_{k-1}A_k$$

とすると、

$$S_2 = \boxed{\text{ニ}} \sqrt{\boxed{\text{ヌ}}}$$

$$S_3 = \sqrt{\boxed{\text{ネ}}}$$

$$S_6 = \boxed{\text{ノ}} \sqrt{\boxed{\text{ハ}}}$$

である。

(3) 12 で割ると 5 余り、29 で割ると 8 余る 1000 未満の自然数のうち  
最小のものは  $\boxed{\text{ヒ}}$ 、最大のものは  $\boxed{\text{フ}}$  である。

